УДК 535.3, 535.5

ISSN 1729-4428

#### Д.М. Фреїк, В.М. Бойчук, Л.В. Туровська, В.В. Борик

# Дефектна підсистема та кристалохімічні механізми утворення твердих розчинів PbTe-CrTe

Прикарпатський національний університет імені Василя Стефаника, вул. Шевченка, 57, м. Івано-Франківськ, Україна, 76025, e-mail: <u>freik@pu.if.ua</u>

На основі моделі складного спектра точкових дефектів у кристалах n- і p-PbTe запропоновані кристалоквазіхімічні формули для різних механізмів утворення твердих розчинів PbTe-CrTe. Розраховано залежності концентрацій точкових дефектів і холлівської концентрації носіїв струму від складу.

Ключові слова: точкові дефекти, кристалоквазіхімічні формули, плюмбум телурид, тверді розчини.

Стаття поступила до редакції 15.09.2008.;прийнята до друку 15.03.2009.

#### Вступ

Плюмбум телурид привертає до себе увагу у першу чергу через широке його використання в інфрачервоній техніці і термоелектричних пристроях [1]. Він кристалізується у структурі типу NaCl (a = 6,461 Å) і характеризується двосторонньою областю гомогенності [2]. Згідно [3], СгТе має гексагональну структуру типу NiAs, яка переходить у моноклинну (деформовану NiAs) при 54,55 ат. % Те. Встановлено [4, 5], що стехіометричного СгТе не існує. Розчинність СгТе в РbTе є невелика і слабо змінюється з температурою (рис. 1). Система PbTe-CrTe квазібінарна [6]. Виявлена температурна залежність розчинності хром телуриду в плюмбум телуриді, яка становить 1 мол. % при 500 К і 2 мол. % при 1100 К. Друга фаза являє собою хром телурид.



**Рис. 1.** Температурна залежність границі області гомогенності сплавів системи PbTe-CrTe (1 – однофазні, 2 – двофазні сплави) [6].

Із збільшенням вмісту хром телуриду у твердому розчині PbTe-CrTe стала кристалічної гратки спочатку зменшується і після досягнення межі розчинності залишається практично незмінною (рис. 2 – крива – 1). Встановлено, що для області гомогенності із зростанням вмісту хром телуриду концентрація основних носіїв струму зменшується (рис. 2 – крива 2).



**Рис. 2.** Залежність параметра гратки (1) та концентрації носіїв (2) від вмісту СгТе у системі PbTe-CrTe.

Що стосується електрофізичних параметрів при 1100 К, то встановлено (рис. 3), що із збільшенням вмісту хром телуриду коефіцієнт термо-е.р.с. ( $\alpha$ ) зростає (рис. 3 – крива 1), а питома термоелектрична потужність ( $\alpha^2 \sigma$ ) і питома електропровідність спадають ( $\sigma$ ) (рис. 3 – криві 2 і 3). При досягненні межі розчинності спостерігається протилежний хід вказаних величин. Зразки володіють електронною провідністю.



**Рис. 3.** Залежність коефіцієнта термо-е.р.с.  $(1 - \alpha)$ , питомої електропровідності  $(2 - \sigma)$  і питомої термоелектричної потужності  $(3 - \alpha^2 \sigma)$  від вмісту CrTe у системі PbTe-CrTe.

# I. Кристалоквазіхімічні формули твердих розчинів

В основу методу кристалоквазіхімічного аналізу

дефектної підсистеми покладено поняття про антиструктуру, на основі якої здійснюється суперпозиція кристалоквазіхімічних кластерів базової і легуючої сполук [7]. Антиструктурою плюмбум телуриду є галеніт  $V_{pb}^{"}V_{Te}^{\bullet\bullet}$ , де  $V_{pb}^{"}$  і  $V_{Te}^{\bullet\bullet}$  – двократнозаряджені негативна вакансія Плюмбуму і позитивна вакансія Телуру, "/" і "•" – негативний і позитивний заряди відповідно.

Утворення твердого розчину може здійснюватися різними механізмами: заміщення йонами Хрому катіонних вакансій (механізм А) чи вкорінення Cr<sup>2+</sup> в міжвузля (механізм В).

*Механізм А* (заміщення вакансій). Легуючий кластер:

$$V_{Pb}^{//} V_{Te}^{\bullet \bullet} + Cr^{2+} Te^{2-} \to Cr_{Pb}^{x} Te_{Te}^{x} .$$
 (1)

Кристалоквазіхімічна формула n-PbTe зі складним спектром точкових дефектів у катіонній підгратці (одно- і двозарядні вакансії Плюмбуму  $V'_{Pb}$ ,  $V''_{Pb}$ ), згідно [8], має вигляд:

$$\left[Pb_{1-\alpha\sigma}^{x}V_{\alpha\sigma(1-\delta)}^{\prime\prime}V_{\alpha\sigma\delta}^{\prime}\right]_{Pb}\left[Te_{1-\alpha}^{x}V_{\alpha}^{\bullet\bullet}\right]_{Te}\left(Pb_{\alpha\sigma}^{\bullet\bullet}\right)_{i} + (2\alpha + \alpha\sigma\delta)e^{\prime}.$$
(2)

Її суперпозиція з легуючим кластером (1) представить кристалоквазіхімічну формулу твердого розчину n-PbTe-CrTe:

$$(1-x)\left\{\left[Pb_{1-\alpha\sigma}^{x}V_{\alpha\sigma(1-\delta)}^{"}V_{\alpha\sigma\delta}^{'}\right]_{Pb}\left[Te_{1-\alpha}^{x}V_{\alpha}^{\bullet\bullet}\right]_{Te}\left(Pb_{\alpha\sigma}^{\bullet\bullet}\right)_{i}+(2\alpha+\alpha\sigma\delta)e^{\prime}\right\}+x\left\{Cr_{Pb}^{x}Te_{Te}^{x}\right\}\rightarrow \left[Pb_{(1-\alpha\sigma)(1-x)}^{x}Cr_{x}^{x}V_{\alpha\sigma(1-\delta)(1-x)}^{"}V_{\alpha\sigma\delta(1-x)}^{'}\right]_{Pb}\left[Te_{(1-\alpha)(1-x)+x}^{x}V_{\alpha(1-x)}^{\bullet\bullet}\right]_{Te}\left(Pb_{\alpha\sigma(1-x)}^{\bullet\bullet}\right)_{i}+(2\alpha+\alpha\sigma\delta)(1-x)e^{\prime}.$$

$$(3)$$

Тут х – мольна частка CrTe у твердому розчині,  $\alpha$  – величина початкового відхилення від стехіометрії на бік Pb,  $\delta$  – коефіцієнт диспропорціювання зарядового стану вакансій Плюмбуму  $V_{Pb}^{l-}, V_{Pb}^{2-}, \sigma$  – частка міжвузлових атомів Плюмбуму  $Pb_{2}^{2+}$ , е<sup>′</sup> – електрони,

h• – дірки.

Аналогічно для твердих розчинів p-PbTe-CrTe. Кристалоквазіхімічна формула p-PbTe:

$$\left[Pb_{1-\beta}^{x}V_{\beta(1-\delta)}^{\prime\prime}V_{\beta\delta}^{\prime}\right]_{Pb}\left[Te_{1-\beta\gamma}^{x}V_{\beta\gamma}^{\bullet\bullet}\right]_{Te}\left(Te_{\beta\gamma}^{x}\right)_{i}+\beta(2-2\gamma-\delta)h^{\bullet},$$
(4)

а твердого розчину:

$$(1-x)\left\{\left[Pb_{1-\beta}^{\times}V_{\beta(1-\delta)}^{\prime\prime}V_{\beta\delta}^{\prime}\right]_{Pb}\left[Te_{1-\beta\gamma}^{\times}V_{\beta\gamma}^{\bullet\bullet}\right]_{Te}\left(Te_{\beta\gamma}^{\times}\right)_{i}+\beta\left(2-2\gamma-\delta\right)h^{\bullet}\right\}+x\left\{Cr_{Pb}^{\times}Te_{Te}^{\times}\right\}\rightarrow \left[Pb_{(1-\beta)(1-x)}^{\times}Cr_{x}^{\times}V_{\beta(1-\delta)(1-x)}^{\prime\prime}V_{\beta\delta(1-x)}^{\prime}\right]_{Pb}\left[Te_{(1-\beta\gamma)(1-x)+x}^{\times}V_{\beta\gamma(1-x)}^{\bullet\bullet}\right]_{Te}\left(Te_{\beta\gamma(1-x)}^{\times}\right)_{i}+\left[\beta\left(2-2\gamma-\delta\right)(1-x)\right]h^{\bullet}.$$

$$(5)$$

Тут β – величина початкового відхилення від стехі-

ометричного складу на бік Те, ү – частка міжвузло-

вих атомів Телуру Те <sup>×</sup> .		
Механізм В (вкорінення). Легуючий кластер:		
$V_{Pb}^{\prime\prime\prime}V_{Te}^{\bullet\bullet} + Cr^{2+}Te^{2-} \rightarrow V_{Pb}^{\prime\prime\prime}Te_{Te}^{x}\left(Cr^{\bullet\bullet}\right)_{i}.$	(6)	

Тоді кристалоквазіхімічна формула для n-PbTe-CrTe:

$$(1-x)\left\{\left[Pb_{1-\alpha\sigma}^{x}V_{\alpha\sigma(1-\delta)}^{\prime\prime}V_{\alpha\sigma\delta}^{\prime}\right]_{Pb}\left[Te_{1-\alpha}^{x}V_{\alpha}^{\bullet\bullet}\right]_{Te}\left(Pb_{\alpha\sigma}^{\bullet\bullet}\right)_{i} + (2\alpha + \alpha\sigma\delta)e^{\prime}\right\} + x\left\{V_{Pb}^{\prime\prime}Te_{Te}^{x}\left(Cr^{\bullet\bullet}\right)_{i}\right\} \rightarrow \\ \rightarrow \left[Pb_{(1-\alpha\sigma)(1-x)}^{x}V_{\alpha\sigma(1-\delta)(1-x)+x}^{\prime\prime}V_{\alpha\sigma\delta(1-x)}^{\prime}\right]_{Pb}\left[Te_{(1-\alpha)(1-x)+x}^{x}V_{\alpha(1-x)}^{\bullet\bullet}\right]_{Te}\left(Pb_{\alpha\sigma(1-x)}^{\bullet\bullet}\right)_{i}\left(Cr_{x}^{\bullet\bullet}\right)_{i} + (2\alpha + \alpha\sigma\delta)(1-x)e^{\prime}.$$

$$(7)$$

Аналогічно кристалоквазіхімічна формула для твердих розчинів p-PbTe-CrTe:

$$(1-x)\left\{\left[Pb_{1-\beta}^{\times}V_{\beta(1-\delta)}^{\prime\prime}V_{\beta\delta}^{\prime}\right]_{Pb}\left[Te_{1-\beta\gamma}^{\times}V_{\beta\gamma}^{\bullet\bullet}\right]_{Te}\left(Te_{\beta\gamma}^{\times}\right)_{i}+\beta\left(2-2\gamma-\delta\right)h^{\bullet}\right\}+x\left\{V_{Pb}^{\prime\prime}Te_{Te}^{x}\left(Cr^{\bullet\bullet}\right)_{i}\right\}\rightarrow \\ \rightarrow\left[Pb_{(1-\beta)(1-x)}^{\times}V_{\beta(1-\delta)(1-x)+x}^{\prime\prime}V_{\beta\delta(1-x)}^{\prime\prime}\right]_{Pb}\left[Te_{(1-\beta\gamma)(1-x)+x}^{\times}V_{\beta\gamma(1-x)}^{\bullet\bullet}\right]_{Te}\left(Te_{\beta\gamma(1-x)}^{\times}\right)_{i}\left(Cr_{x}^{\bullet\bullet}\right)_{i}+\left[\beta\left(2-2\gamma-\delta\right)\left(1-x\right)\right]h^{\bullet}.$$

$$(8)$$

### II. Розрахунок концентрації дефектів і носіїв струму

Запропонований механізм утворення твердих розчинів, а також кристалоквазіхімічні формули (3), (5), (7) і (8) дають можливість визначити як концентрації окремих точкових дефектів, так і носіїв струму від величини відхилення від стехіометричного складу у базовій сполуці ( $\alpha$ ,  $\beta$ ) і складу твердого розчину (x). У випадку реалізації механізму заміщення, зокрема для n-PbTe-CrTe, згідно кристалоквазіхімічній формулі (3), повне рівняння електронейтральності запишеться наступним чином:

$$q_{n}n + q_{V_{Pb}^{\prime}}[V_{Pb}^{\prime\prime}] + q_{V_{Pb}^{\prime}}[V_{Pb}^{\prime}] = q_{p}p + q_{V_{Tc}^{\prime\prime}}[V_{Te}^{\prime\prime}] + q_{Pb_{i}^{\prime\prime}}[Pb_{i}^{\prime\prime}], \qquad (3')$$

$$\begin{split} \text{ge} & p = 0 , \qquad n = A \left( 2\alpha + \alpha \sigma \delta \right) (1 - x) , \\ [V_{\text{Pb}}''] &= A \alpha \sigma (1 - \delta) \left( 1 - x \right) , \qquad [V_{\text{Pb}}''] = A \alpha \sigma \delta (1 - x) , \\ [V_{\text{Te}}^{\bullet\bullet}] &= A \alpha \left( 1 - x \right) , \quad [\text{Pb}_{i}^{\bullet\bullet}] = A \alpha \sigma \left( 1 - x \right) . \end{split}$$

За умови, що заряди дефектів мають цілочислове значення  $q_n = q_{V'_{Pb}} = q_p = 1$ ,  $q_{V'_{Pb}} = q_{V'_{Te}} = q_{Pb'_{t}} = 2$ , рівняння (3<sup>/</sup>) прийме вигляд:

$$A(2\alpha + \alpha\sigma\delta)(1-x) + 2A\alpha\sigma(1-\delta)(1-x) + A\alpha\sigma\delta(1-x) = 2A\alpha(1-x) + 2A\alpha\sigma(1-x).$$

$$(3'')$$

Тут  $A = \frac{2Z}{a^3}$ , Z – число структурних одиниць в елементарній комірці, а – параметр гратки.

Холлівська концентрація носіїв струму  $n_{\rm H} - |n - p|$  буде визначатися як:

$$\mathbf{n}_{\mathrm{H}} = \mathbf{A} \left( 2\alpha + \alpha \sigma \delta \right) (1 - \mathbf{x}) \,. \tag{3'''}$$

Аналогічно для p-PbTe-CrTe, згідно (5), повне рівняння електронейтральності матиме вигляд:

$$q_{n}n + q_{V_{Pb}^{*}}[V_{Pb}^{"}] + q_{V_{Pb}^{*}}[V_{Pb}^{'}] = q_{p}p + q_{V_{Te}^{*}}[V_{Te}^{*\bullet}], \qquad (5')$$

$$\text{ge } n = 0 \ , \ p = A\beta \big(2 - 2\gamma - \delta\big) \big(1 - x\big) \ , \qquad \qquad [V_{Pb}''] = A\beta (1 - \delta) \big(1 - x\big) \ , \qquad \qquad [V_{Pb}'] = A\beta \delta \big(1 - x\big) \ ,$$

$$\begin{bmatrix} V_{Te}^{\bullet\bullet} \end{bmatrix} = A\beta\gamma (1-x), \qquad q_n = q_{V_{Pb}^{\bullet}} = q_p = 1,$$

$$q_{V_{Pb}^{\bullet}} = q_{V_{Te}^{\bullet\bullet}} = 2.$$

$$2A\beta(1-\delta)(1-x) + A\beta\delta(1-x) = A\beta(2-2\gamma-\delta)(1-x) + 2A\beta\gamma(1-x), \qquad (5'')$$

а холлівська концентрація:

 $n_{\rm H} = A\beta (2 - 2\gamma - \delta) (1 - x) . \qquad (5^{\prime\prime\prime})$ 

Аналогічні розрахунки можна провести для механізму В. Результати проведених розрахунків холлівської концентрації та концентрації точкових дефектів наведено на рис. 4-6.



**Рис. 4.** Залежність холлівської концентрації носіїв струму ( $n_H$ ) для кристалів p-PbTe-CrTe (a) та n-PbTe-CrTe (б) від складу для різного значення початкового відхилення від стехіометрії  $\alpha$  ( $\beta$ ): 0,013 (1); 0,006 (2); 0,003 (3), 0,001 (4): механізм A (ат. %:  $\delta = 0.8$ ,  $\sigma$  ( $\gamma$ ) = 0,4).





# III. Результати досліджень та їх обговорення

Аналіз отриманих даних (рис. 4, 5) свідчить про відсутність відмінності у загальних тенденціях зміни холлівської концентрації носіїв заряду для розглянутих механізмів. У випадку p-PbTe-CrTe (рис. 4, а) зміна холлівської концентрації зі збільшенням вмісту СrTe незначна, і її значення тим більші, чим більше відхилення від стехіометрії. Для n-PbTe-CrTe (рис. 4, б) холлівська концентрація слабо зменшується.

Особливості, що спостерігаються у зміні холлівської концентрації носіїв заряду (рис. 4, 5), зв'язані з характерними співвідношеннями між окремими точковими дефектами (рис. 6). Так, зокрема, для механізму А концентрації дефектів змінюються незначно (рис. 6, а, б). Суттєвий вплив на холлівську концентрацію для р-типу мають двозарядні вакансії Плюмбуму  $V_{Pb}^{2-}$  (рис. 6, а), а для п-типу – вакансії халькогена  $V_{Te}^{2+}$  (рис. 6, б).



Рис. 6. Залежність концентрації дефектів (N<sub>i</sub>) для кристалів p-PbTe-CrTe (a – механізм A, в – механізм B) (aт. %:  $\beta = 0,013, \delta = 0,8, \gamma = 0,4$ ) і n-PbTe-CrTe (б – механізм A, г – механізм B) (at. %:  $\alpha = 0,006, \delta = 0,8, \sigma = 0,4$ ): від складу:  $1 - [V_{Pb}^{2-}], 2 - [V_{Pb}^{1-}], 3 - [V_{Te}^{2+}]; 4 - [Pb_i^{2+}], 5 - [Cr_i^{2+}].$ 

Зазначимо, що для механізму В у випадку р-типу провідності значний внесок в холлівську концентрацію вкладають точкові дефекти  $V_{Pb}^{2-}$  та  $Cr_i^{2+}$ (рис. 6, в). Для n-типу помітну роль відіграють дефекти  $V_{Pb}^{2-}$ ,  $Cr_i^{2+}$ ,  $V_{Te}^{2+}$ , концентрація яких зростає із збільшенням вмісту CrTe (рис. 6, г).

Кристалоквазіхімічний аналіз процесів дефектоутворення у твердих розчинах PbTe-CrTe вказує на можливість реалізації як механізму заміщення (3), (5), так і механізму вкорінення (7), (8) Хрому, які для електронного плюмбум телуриду виявляють акцепторну дію – обумовлюють зменшення концентрації електронів (рис. 4, б), що спостерігається на експерименті (рис. 2 – крива 2).

Аналізуючи дані експерименту (рис. 2) та теоретичні розрахунки (рис. 4 – 6), а також порівнюючи значеннями атомних і ковалентних радіусів Pb і Cr, можна зробити висновок про переважання того чи іншого механізму утворення твердих розчинів. Так як іонний радіус Хрому значно менший за іонний радіус Плюмбуму:  $r_{Cr^{2+}} < r_{pb^{2+}}$  ( $r_{Cr^{2+}} = 0.83 \text{ Å}$ ,  $r_{pb^{2+}} = 1.26 \text{ Å}$ )

[9], то реалізація механізму заміщення буде причиною зменшення параметра гратки. Механізм вкорінення в свою чергу буде спричиняти зростання параметра гратки, що суперечить експерименту (рис. 2 – крива 1). Отже, домінуючим є механізм заміщення.

#### Висновки

1. Представлено залежність фізико-хімічних властивостей твердого розчину PbTe-CrTe від складу.

 Виконано кристалохімічний аналіз механізмів утворення твердого розчину.

3. Запропоновано кристалоквазіхімічні формули твердих розчинів n-PbTe-CrTe та p-PbTe-CrTe, які враховують складний спектр точкових дефектів у плюмбум телуриді.

 Розраховано залежності холлівської концентрації носіїв струму та точкових дефектів твердих розчинів від складу та початкового відхилення від стехіометрії в основній матриці.

5. Показано, що у твердому розчині PbTe-CrTe реалізується механізм заміщення Плюмбуму атомами Хрому.

**Фреїк Д.М.** – заслужений діяч науки і техніки України, академік Академії наук вищої школи України, доктор хімічних наук, професор, директор Фізико-хімічного інституту, завідувач кафедри фізики і хімії твердого тіла;

Бойчук В.М. – кандидат хімічних наук, доцент; Туровська Л.В. – студент фізико-технічного факультету;

Борик В.В. – інженер патентознавець І категорії.

- [1] В.М. Шперун, Д.М. Фреїк, Р.І. Запухляк. *Термоелектрика телуриду свинцю та його аналогів*. Плай, Івано-Франківськ. 250 с. (2000).
- [2] Н.Х. Абрикосов, Л.М. Шалимова. Полупроводниковые материалы на основе соединений A<sup>IV</sup>B<sup>VI</sup>. Наука, М. 196 с (1975).
- [3] I. Oftedal. Uber einige Kristallstrukturen vom Typus NiAs // Z. Phys. Chem, 128, pp. 135–153 (1927).
- [4] M. Chevreton, E.F. Bertuat, F. Jellinek. Quelques remarques sur le systeme Cr–Te CrTe // Acta Crystallogr., 16, pp. 431–435 (1963).
- [5] T. Hiron, S. Chiba. On the Magnetic Anisotropy of Single Crystal of Chromium Telluride // J. Phys. Soc. Jpn., 15 (11), pp. 1991–1994 (1960).
- [6] С.А.Стравпанидис, А.А. Куция, Р.А. Маркелия, Г.А. Кейян, Ю.А. Мальцев. Система PbTe-CrTe // *Неорган. материалы*, **22** (5), сс. 744–746 (1986).
- [7] С.С. Лісняк, Д.М. Фреїк, М.О. Галущак, В.В. Прокопів, І.М. Іванишин, В.В. Борик. Кристалоквазіхімія дефектів у халькогенідах свинцю // Фізика і хімія твердого тіла, **1** (2), сс. 131-134 (2000).
- [8] В.М. Бойчук, О.В. Ткачик, Л.В. Туровська, Н.І. Дикун. Кристалоквазіхімічні формули нестехіометричного плюмбум телуриду із складним спектром точкових дефектів і процеси самолегування // Фізика і хімія твердого тіла, 8 (2), сс. 366-373 (2007).
- [9] С.А. Семилетов. Тетраэдрические и октаэдрические ковалентные радиусы // Кристаллография, 21 (4), сс. 752-758 (1976).

### D.M. Freik, V.M. Boychuk, L.V. Turovska, V.V. Boryk

## Defective Subsystem and Crystal-Chemical Mechanisms of Formation of PbTe-CrTe Solid Solutions

Vasyl Stefanyk PreCarpathian National University 57, Shevchenko Str., Ivano-Frankivsk, 76025, Ukraine, e- mail: <u>freik@pu.if.ua</u>

On the basis of model of the difficult spectrum of point defects in n-and p-PbTe crystals crystal-quasichemical formulas for different mechanisms of formation of PbTe-CrTe solid solution are offered. Dependences of concentrations of point defects and Holl's concentration of transmitters of current from composition are calculated.